

คำอธิบายรายวิชาเพิ่มเติม

รหัส ค ๓๒๒๐๒ ชื่อวิชา คณิตศาสตร์เพิ่มเติม ๓
 ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๕ ภาคเรียนที่ ๑

กลุ่มสาระการเรียนรู้คณิตศาสตร์
 เวลา ๖๐ ชั่วโมง จำนวน ๑.๕ หน่วยกิต

ศึกษาฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม กราฟของฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม การคำนวณค่าโดยประมาณโดยใช้ลอการิทึม การเปลี่ยนฐานของลอการิทึม การแก้สมการเอกซ์โพเนนเชียลและสมการลอการิทึม และการประยุกต์ของฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม ฟังก์ชันตรีโกณมิติและการประยุกต์ ฟังก์ชันไซน์และโคไซน์ ค่าของฟังก์ชันไซน์และโคไซน์ ฟังก์ชันตรีโกณมิติอื่น ๆ ฟังก์ชันตรีโกณมิติของมุม ฟังก์ชันตรีโกณมิติของรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก การใช้ตารางค่าฟังก์ชันตรีโกณมิติ กราฟของฟังก์ชันตรีโกณมิติ ฟังก์ชันตรีโกณมิติของผลบวกและผลต่างของจำนวนจริงหรือมุม ฟังก์ชันตรีโกณมิติของสองเท่า สามเท่า และครึ่งหนึ่งของจำนวนจริงหรือมุม ความสัมพันธ์ระหว่างผลบวก ผลต่าง และผลคูณของฟังก์ชันตรีโกณมิติ ตัวผกผันของฟังก์ชันตรีโกณมิติ เอกซ์โพเนนเชียลและสมการตรีโกณมิติ กฎของไซน์และโคไซน์ และการหาระยะทางและความสูง เวกเตอร์ในสามมิติ เวกเตอร์ เวกเตอร์ในระบบพิกัดฉาก การบวกและการลบเวกเตอร์ การคูณเวกเตอร์ด้วยสเกลาร์ ผลคูณเชิง สเกลาร์ และผลคูณเชิงเวกเตอร์

โดยใช้ทักษะกระบวนการทางคณิตศาสตร์ วิธีการที่หลากหลาย เทคโนโลยีในการแก้ปัญหาในสถานการณ์ต่าง ๆ ให้เหตุผลประกอบการสรุป โดยใช้ภาษาและสัญลักษณ์ทางคณิตศาสตร์ในการสื่อสาร และนำเสนออย่างถูกต้อง ชัดเจน เชื่อมโยงความรู้ในคณิตศาสตร์และศาสตร์อื่น ๆ นำประสบการณ์ด้านความรู้ ความคิด ทักษะกระบวนการไปใช้ในการเรียนรู้ และใช้ในชีวิตประจำวันอย่างสร้างสรรค์

เพื่อเห็นคุณค่าของคณิตศาสตร์ ทำงานอย่างเป็นระบบระเบียบ รอบคอบ คิดอย่างมีวิจารณญาณ และทักษะการแก้ปัญหา ทักษะการคิดเชิงสร้างสรรค์สร้างนวัตกรรม ทักษะในการสื่อสาร ทักษะชีวิต

ผลการเรียนรู้

๑. มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม และเขียนกราฟของฟังก์ชันที่กำหนดให้ได้
๒. นำความรู้เกี่ยวกับฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม ไปใช้แก้ปัญหาได้
๓. มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับฟังก์ชันตรีโกณมิติและเขียนกราฟของฟังก์ชันที่กำหนดให้ได้
๔. นำความรู้เรื่องฟังก์ชันตรีโกณมิติและการประยุกต์ไปใช้แก้ปัญหาได้
๕. มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับเวกเตอร์ในสามมิติ
๖. หาผลบวกและลบเวกเตอร์ การคูณเวกเตอร์ด้วยสเกลาร์ ผลคูณเชิงสเกลาร์ และผลคูณเชิงเวกเตอร์ได้
๗. หาขนาดและทิศทางของเวกเตอร์ที่กำหนดให้ได้

รวม ๗ ผลการเรียนรู้

โครงสร้างรายวิชา คณิตศาสตร์เพิ่มเติม ๓
 รหัสวิชา ค ๓๒๒๐๒ ชื่อวิชา คณิตศาสตร์เพิ่มเติม ๓ ชั้นมัธยมศึกษาปีที่ ๔ ภาคเรียนที่ ๑
 เวลา ๖๐ ชั่วโมง คะแนนเต็ม ๑๐๐ คะแนน

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
๑	- มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม และเขียนกราฟของฟังก์ชันที่กำหนดให้ได้ - นำความรู้เกี่ยวกับฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม ไปใช้แก้ปัญหาได้	- ฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม <u>บทนิยาม</u> ฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล คือ ฟังก์ชันที่อยู่ในรูป $f = \{(x, y) \in R \times R^+ \mid y = a^x, a > 0, a \neq 1\}$ <u>บทนิยาม</u> ฟังก์ชันลอการิทึม คือ $f = \{(x, y) \in R^+ \times R \mid y = \log_a x, a > 0, a \neq 1\}$ ซึ่งเป็นฟังก์ชันผกผันของฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล - กราฟของฟังก์ชัน - การคำนวณค่าโดยประมาณโดยใช้ลอการิทึม การหาค่าลอการิทึมสามัญของจำนวนจริงบวก N โดยที่ $1 \leq N \leq 10$ โดยใช้ตารางลอการิทึม สิ่งที่ต้องทราบจากตาราง 1. ค่าลอการิทึมที่ปรากฏในตารางเป็นค่าประมาณที่อยู่ในรูปทศนิยม 4 ตำแหน่ง 2. ตารางลอการิทึมที่กำหนดให้ จะแสดงค่าลอการิทึมสามัญของจำนวน (N) ที่มีทศนิยม 2 ตำแหน่งและมีขอบเขตตั้งแต่ 1.00 – 9.99 เท่านั้น 3. แสดงว่าเราสามารถหาค่าลอการิทึมสามัญของจำนวน (N) ที่มีทศนิยม 2 ตำแหน่ง และมีขอบเขตตั้งแต่ 1.00 – 9.99 จากตารางได้ทันที เช่น $\log 1.34 = \dots\dots\dots$ 4. ถ้าเราต้องการหาค่าลอการิทึมสามัญของจำนวน (N) ที่มีทศนิยมมากกว่า 2 ตำแหน่ง และมีขอบเขตตั้งแต่ 1.00 – 9.99 จะหาจากตารางโดยตรงไม่ได้ เช่น $N = 1.437$ จะพบว่า $1.43 < 1.437 < 1.44$	ฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม	๑๔	๑๕

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
๑ (ต่อ)		<p>- การเปลี่ยนฐานของลอการิทึม เป็นการเปลี่ยนฐานลอการิทึมจากฐานหนึ่งไปเป็นอีกฐานหนึ่ง จากทฤษฎี ถ้า $a > 0, a \neq 1, b > 0, b \neq 1$ และ $x > 0$ แล้ว $\log_a x = \frac{\log_b x}{\log_b a}$</p> <p>- การแก้สมการและอสมการ หลักทั่วไปของการแก้สมการ ใช้ความรู้เกี่ยวกับฟังก์ชันเพิ่มและฟังก์ชันลดของฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. ถ้า $a > 1$ แล้ว $a^x > a^y$ ก็ต่อเมื่อ $x > y$ 2. ถ้า $0 < a < 1$ แล้ว $a^x > a^y$ ก็ต่อเมื่อ $x < y$ <p>- การประยุกต์ การนำความรู้เรื่องฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียล และฟังก์ชันลอการิทึมไปประยุกต์ใช้ในสาขาวิชาอื่น ๆ ได้แก่</p> <p>การเติบโตของประชากร ณ เวลาหนึ่งในกรณีที่มีการเพิ่มไม่ได้เป็นไปอย่างต่อเนื่องตลอดเวลา มีสูตรดังนี้ $n(t) = n_0(1 + r)^t$</p> <p>การสลายตัวของสารกัมมันตภาพรังสี ที่มีครึ่งชีวิตเท่ากับ h ปริมาณสารที่เหลืออยู่ มีสูตรดังนี้ $m(t) = m_0 e^{-rt}$</p> <p>การวัดระดับความเข้มเสียง เป็นการวัดความเข้มเสียง โดยเทียบกับความเข้มเสียงที่หูคนปกติเริ่มได้ยินเป็นเกณฑ์อ้างอิง ระดับความเข้มเสียง มีสูตรดังนี้ $\beta = 10 \log \frac{I}{I_0}$</p> <p>ระดับความเป็นกรด - ด่าง ของสารละลาย มีสูตรดังนี้ $pH = -\log[H^+]$</p>			

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
๒	<p>-มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับฟังก์ชันตรีโกณมิติและเขียนกราฟของฟังก์ชันที่กำหนดให้ได้</p> <p>-นำความรู้เรื่องฟังก์ชันตรีโกณมิติและการประยุกต์ไปใช้แก้ปัญหาได้</p>	<p>- ฟังก์ชันไซน์และโคไซน์</p> <p><u>บทนิยาม</u> วงกลมหนึ่งหน่วย หมายถึง วงกลมที่มีจุดศูนย์กลางอยู่ที่จุดกำเนิด (origin) และมีรัศมียาวเท่ากับ 1 หน่วย วงกลมนี้เป็นกราฟของความสัมพันธ์ $\{(x,y) \in \mathbb{R} \times \mathbb{R} \mid x^2 + y^2 = 1\}$ กำหนดจำนวนจริง θ (ที่ θ) ถ้า (x, y) เป็นจุดปลายส่วนโค้งที่วัดจากจุด $(1,0)$ ยาว θ หน่วย</p> <ol style="list-style-type: none"> 1. ถ้า $\theta > 0$ จะวัดส่วนโค้งจากจุด $(1,0)$ ไปในทิศทางทวนเข็มนาฬิกา 2. ถ้า $\theta < 0$ จะวัดส่วนโค้งจากจุด $(1,0)$ ไปในทิศทางทวนเข็มนาฬิกา <p>- ค่าของฟังก์ชันไซน์และโคไซน์ พิจารณาจากคู่อันดับซึ่งเป็นจุดปลายส่วนโค้งของวงกลมหนึ่งหน่วยซึ่งเริ่มต้นจากจุด $(1, 0)$ และยาว θ หน่วย โดยที่ θ แทนจำนวนจริงใดๆ</p> <p>- ฟังก์ชันตรีโกณมิติอื่นๆ</p> <p><u>บทนิยาม</u> สำหรับจำนวนจริง θ ใดๆ</p> $\text{tangent } \theta = \frac{\sin \theta}{\cos \theta} \quad \text{เมื่อ } \cos \theta \neq 0$ $\text{secant } \theta = \frac{1}{\cos \theta} \quad \text{เมื่อ } \cos \theta \neq 0$ $\text{cosecant } \theta = \frac{1}{\sin \theta} \quad \text{เมื่อ } \sin \theta \neq 0$ $\text{cotangent } \theta = \frac{\cos \theta}{\sin \theta} \quad \text{เมื่อ } \sin \theta \neq 0$ <p>- การใช้ตารางและกราฟของฟังก์ชันตรีโกณมิติ</p> <p>- ฟังก์ชันตรีโกณมิติของรูปสามเหลี่ยมมุมฉาก</p> <p>- ฟังก์ชันตรีโกณมิติของผลบวกและผลต่างของจำนวนจริงหรือมุม</p> <p>ให้ A และ B เป็นจำนวนจริงหรือมุมใดๆ</p> $\sin(A + B) = \sin A \cos B + \cos A \sin B$ $\sin(A - B) = \sin A \cos B - \cos A \sin B$ $\cos(A + B) = \cos A \cos B - \sin A \sin B$ $\cos(A - B) = \cos A \cos B + \sin A \sin B$	ฟังก์ชันตรีโกณมิติ	๑๔.๕	๑๕

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
๒ (ต่อ)		<p> $\tan(A + B) = \frac{\tan A + \tan B}{1 - \tan A \tan B}$ $\tan(A - B) = \frac{\tan A - \tan B}{1 + \tan A \tan B}$ $\cot(A + B) = \frac{\cot A \cot B - 1}{\cot B + \cot A}$ $\cot(A - B) = \frac{\cot A \cot B + 1}{\cot B - \cot A}$ </p> <ul style="list-style-type: none"> - ตัวผกผันของฟังก์ชันตรีโกณมิติ - เอกลักษณ์และสมการตรีโกณมิติ <p>หมายถึง สมการตรีโกณมิติที่เป็นจริงเสมอ ไม่ว่าจะแทนที่ตัวแปรด้วยจำนวนจริงใดๆ ก็ตาม โดยการแทนที่ตัวแปรด้วยจำนวนจริงนั้นจะต้องทำให้แต่ละพจน์มีความหมายด้วย</p> <p><u>การพิสูจน์เอกลักษณ์</u> หมายถึง การพิสูจน์ให้เห็นจริงว่า กลุ่มพจน์ทางด้านซ้ายมือและขวามือ ของเครื่องหมายเท่ากับ เท่ากันเสมอ ในทุกๆ ค่าตัวแปร</p> <ul style="list-style-type: none"> - กฎของไซน์และโคไซน์ <p><u>กฎของไซน์ (The Law of Sine)</u></p> <p>ในรูปสามเหลี่ยม ABC ใดๆ ถ้า a, b และ c เป็นความยาวของด้านตรงข้ามมุม A, B และ C ตามลำดับ แล้วจะได้ความสัมพันธ์ดังนี้</p> $\frac{\sin A}{a} = \frac{\sin B}{b} = \frac{\sin C}{c}$ <p>หรือ</p> $\frac{a}{\sin A} = \frac{b}{\sin B} = \frac{c}{\sin C}$ <p><u>กฎของโคไซน์ (The Law of Cosine)</u></p> <p>ในรูปสามเหลี่ยม ABC ใดๆ ถ้า a, b และ c เป็นความยาวของด้านตรงข้ามมุม A, B และ C ตามลำดับ แล้วจะได้ความสัมพันธ์ดังนี้</p> $a^2 = b^2 + c^2 - 2b \cdot c \cdot \cos A$ $b^2 = c^2 + a^2 - 2c \cdot a \cdot \cos B$ <ul style="list-style-type: none"> - การหาระยะทางและความสูง 			

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
สอบกลางภาค	- นำความรู้เกี่ยวกับฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม ไปใช้แก้ปัญหาได้ - มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับฟังก์ชันตรีโกณมิติ และเขียนกราฟของฟังก์ชันที่กำหนดให้ได้	- ฟังก์ชันเอกซ์โพเนนเชียลและฟังก์ชันลอการิทึม - ฟังก์ชันตรีโกณมิติ	-	๑.๕	๒๐
๓	- มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับเวกเตอร์ในสามมิติ - หาผลบวกและลบเวกเตอร์ การคูณเวกเตอร์ด้วยสเกลาร์ ผลคูณเชิงสเกลาร์ และผลคูณเชิงเวกเตอร์ได้ - หาขนาดและทิศทางของเวกเตอร์ที่กำหนดให้ได้	- เวกเตอร์ คือ ปริมาณที่มีแต่ขนาดเพียงอย่างเดียว เรียกว่า ปริมาณสเกลาร์ ส่วนปริมาณที่มีทั้งขนาดและทิศทาง เรียกว่า ปริมาณเวกเตอร์ หรือเรียกว่า เวกเตอร์ เวกเตอร์หนึ่งหน่วย หมายถึงเวกเตอร์ที่มีขนาดหนึ่งหน่วยและมีทิศทางเดียวกับเวกเตอร์นั้นๆ ให้ a เป็นเวกเตอร์หนึ่งหน่วยของเวกเตอร์ A จะมีทิศทางเดียวกันหรือขนานกัน - เวกเตอร์ในระบบพิกัดฉาก <u>เวกเตอร์ในระบบพิกัดฉากสองมิติ</u> นิยาม เวกเตอร์ในตำแหน่งมาตรฐาน \overline{OA} คือ เวกเตอร์ที่มีจุดเริ่มต้นที่จุด $O(0,0)$ และสิ้นสุดที่ $A(a,b)$ เขียนแทนด้วยสัญลักษณ์ $\overline{OA} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$ <u>เวกเตอร์ใดๆในระนาบแกนมุมฉาก</u> กำหนดให้ $P(x_1,y_1)$ และ $Q(x_2,y_2)$ เป็นจุดใดๆในระนาบแกนมุมฉาก แล้ว $\overline{PQ} = \begin{bmatrix} x_2 - x_1 \\ y_2 - y_1 \end{bmatrix}$ และ $\overline{QP} = \begin{bmatrix} x_1 - x_2 \\ y_1 - y_2 \end{bmatrix}$ $\therefore \overline{PQ} = -\overline{QP}$	เวกเตอร์ในสามมิติ	๒๘.๕	๓๐

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
๓ (ต่อ)		<p>$\therefore \overline{PQ} = \begin{bmatrix} x_2 - x_1 \\ y_2 - y_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} a \\ b \end{bmatrix}$</p> <p>เมื่อ $a = x_2 - x_1$, $b = y_2 - y_1$</p> <p><u>เวกเตอร์ในระบบพิกัดฉากสามมิติ</u></p> <p>นิยาม ให้ x, y, z เป็นจำนวนจริง เรียก $\begin{bmatrix} x \\ y \\ z \end{bmatrix}$ ว่า</p> <p>เวกเตอร์ในปริภูมิสามมิติหรือเวกเตอร์ในสามมิติ เรียกสั้น ๆ ว่าเวกเตอร์ ซึ่งมีจุดเริ่มต้นที่จุดกำเนิด และจุดสิ้นสุดที่ (x, y, z)</p> <p><u>เวกเตอร์ในระนาบสามมิติ</u></p> <p>นิยาม ให้ $A (x_1, y_1, z_1)$ และ $B (x_2, y_2, z_2)$</p> <p>แล้ว $\overline{AB} = \begin{bmatrix} x_2 - x_1 \\ y_2 - y_1 \\ z_2 - z_1 \end{bmatrix}$</p> <p>- การบวกและการลบเวกเตอร์</p> <p><u>การบวกเวกเตอร์ใดๆบนระนาบ</u></p> <p>กำหนดให้ $\overline{u} = \overline{AB}$ และ $\overline{v} = \overline{BC}$</p> <p>ผลบวกของ $\overline{u} + \overline{v}$ เป็นเวกเตอร์ที่มีจุดเริ่มต้น ที่จุด A และมีจุดสิ้นสุดที่จุด C นั่นคือ</p> $\overline{u} + \overline{v} = \overline{AB} + \overline{BC} = \overline{AC}$ <p><u>การลบเวกเตอร์ใดๆในระนาบเดียวกัน</u> คือการบวกเวกเตอร์ตัวตั้งด้วยนิเสธของเวกเตอร์ตัวลบ</p> <p>กำหนดให้ \overline{u} และ \overline{v} เป็นเวกเตอร์ใดๆในระนาบ</p> <p>ผลลบของเวกเตอร์ \overline{u} กับ \overline{v} เขียนแทนด้วย $\overline{u} - \overline{v}$</p> <p>โดยที่ $\overline{u} - \overline{v} = \overline{u} + (-\overline{v})$ เช่น</p> $\overline{AB} - \overline{AB} = \overline{AB} + (-\overline{AB}) = \overline{AB} + \overline{BA} = \overline{AA} = \overline{o}$ <p>- การคูณเวกเตอร์ด้วยสเกลาร์</p> <p>นิยาม ให้ a เป็นจำนวนจริงและ \overline{u} เป็นเวกเตอร์ ผลระหว่าง a และ \overline{u} เขียนแทนด้วย $a\overline{u}$ โดยที่</p> <p>1. ถ้า $a = 0$ หรือ $\overline{u} = \overline{o}$ แล้ว $a\overline{u} = \overline{o}$</p>			

หน่วยการเรียนรู้ที่	ผลการเรียนรู้	สาระสำคัญ	ชื่อหน่วยการเรียนรู้	เวลา (ชั่วโมง)	น้ำหนักคะแนน
๓ (ต่อ)		<p>2. ถ้า $a > 0$ แล้ว $a\vec{u}$ เป็นเวกเตอร์ที่มีทิศทางเดียวกับ \vec{u} และ $a\vec{u} = a \vec{u}$</p> <p>3. ถ้า $a < 0$ แล้ว $a\vec{u}$ เป็นเวกเตอร์ที่มีทิศทางตรงกันข้ามกับ \vec{u} และ $a\vec{u} = a \vec{u}$</p> <p>ถ้า \vec{u} และ \vec{v} มีทิศทางเดียวกัน $\vec{v} = \frac{3}{2}\vec{u}$ และ $\vec{u} = \frac{3}{2} \vec{v}$ แล้ว $\vec{u} = \frac{3}{2}\vec{v}$ เรียก $\frac{3}{2}\vec{v}$ ว่าผลคูณระหว่างสเกลาร์ คือ $\frac{3}{2}$ กับ \vec{v}</p> <p>- ผลคูณเชิงสเกลาร์ และผลคูณเชิงเวกเตอร์</p> <p><u>ผลคูณเชิงสเกลาร์</u> ให้ $\vec{A} = a_1\vec{i} + a_2\vec{j} + a_3\vec{k}, \vec{B} = b_1\vec{i} + b_2\vec{j} + b_3\vec{k}$ และ $\vec{C} = c_1\vec{i} + c_2\vec{j} + c_3\vec{k}$ เป็นเวกเตอร์ใดๆในปริภูมิสามมิติ แล้วผลคูณ $\vec{A} \cdot (\vec{B} \times \vec{C})$ เรียกว่า ผลคูณเชิงสเกลาร์ของสามมิติ</p> <p><u>ผลคูณเชิงเวกเตอร์</u> บทนิยาม ให้ $\vec{A} = (a_1, a_2, a_3)$ และ $\vec{B} = (b_1, b_2, b_3)$ เป็นเวกเตอร์ใด ๆ ในปริภูมิสามมิติ แล้วผลคูณเชิงเวกเตอร์ของ \vec{A} และ \vec{B} หรือผลคูณไขว้ เขียนแทนด้วยสัญลักษณ์ $\vec{A} \times \vec{B}$</p>			
สอบปลายภาค	<p>-มีความคิดรวบยอดเกี่ยวกับเวกเตอร์ในสามมิติ</p> <p>-หาผลบวกและลบเวกเตอร์</p> <p>การคูณเวกเตอร์ด้วยสเกลาร์ ผลคูณเชิงสเกลาร์ และผลคูณเชิงเวกเตอร์ได้</p> <p>-หาขนาดและทิศทางของเวกเตอร์ที่กำหนดให้ได้</p>	-เวกเตอร์ในสามมิติ	-	๑.๕	๒๐
รวม				๖๐	๑๐๐